

Syllabus

Descrizione del corso

Titolo del corso	Analisi Matematica I
Codice del corso	42123
Settore scientifico disciplinare del corso	MAT/05
Corso di studio	Corso di Laurea in Ingegneria Industriale Meccanica (L-9)
Semestre	1°
Anno del corso	1°
Anno accademico	2023-2024
Crediti formativi	10
Modulare	No

Numero totale di ore di lezione	64
Numero totale di ore di laboratorio	
Numero totale di ore di esercitazioni	33
Frequenza	Raccomandata
Corsi propedeutici	Precorso di matematica
Sito web del corso	https://ole.unibz.it/course/view.php?id=10767

Obiettivi formativi specifici del corso	<p>Il corso fa parte delle Attività Formative di Base ed in particolare dell'ambito disciplinare "Matematica, Informatica e Statistica". Il corso è obbligatorio.</p> <p>Il corso è dedicato all'introduzione delle nozioni di base dell'analisi matematica, in particolare del calcolo infinitesimale, differenziale ed integrale per funzioni di una variabile reale.</p> <p>L'obiettivo formativo del corso non è limitato all'acquisizione delle relative tecniche di calcolo, ma mira ad una piena comprensione dei concetti matematici da cui esse derivano, condizione che risulta fondamentale per la formazione di una competenza nell'applicazione delle nozioni acquisite ad altri ambiti disciplinari e all'uso critico degli strumenti introdotti.</p>
--	---

Docente	Prof.ssa Laura Levaggi, Palazzo K, Ufficio 2.14, e-mail: laura.levaggi@unibz.it , tel. 0471 017131
Settore scientifico disciplinare del docente	MAT/05
Lingua ufficiale del corso	Italiano
Orario di ricevimento	Da lunedì a venerdì su appuntamento.
Collaboratore didattico (se previsto)	
Orario di ricevimento	

<p>Lista degli argomenti</p>	<ul style="list-style-type: none"> • <i>Funzioni reali di una variabile reale, limiti e continuità.</i> Brevi richiami sulla teoria degli insiemi, gli insiemi numerici e le proprietà dei numeri reali. Funzioni reali di variabile reale: funzioni elementari, grafici e operazioni sui grafici, composizione ed inversione di funzioni. Successioni e definizione di limite per successioni. Limiti e continuità delle funzioni. Funzioni infinite ed infinitesime: simboli di Landau e ordini di divergenza o infinitesimo. • <i>Calcolo differenziale di funzioni reali di una variabile reale.</i> Nozione di tangente al grafico e funzione derivata prima. Regole di calcolo delle derivate. Derivabilità e punti di non derivabilità. Teoremi di Rolle e Lagrange. Ricerca di estremi assoluti e relativi. Derivate di ordine superiore. Studio del grafico. • <i>Analisi locale di funzioni e sviluppi di Taylor in una variabile.</i> Formule di Taylor. Sviluppi notevoli e tecniche algebriche di determinazione dello sviluppo di Taylor. Analisi locale e calcolo di limiti tramite sviluppi di Taylor. • <i>Successioni e serie numeriche reali.</i> Criteri di convergenza per serie numeriche reali. Accenni alle serie di Taylor. • <i>Calcolo integrale di funzioni reali in una variabile reale.</i> Ricerca di primitive e regole di calcolo per funzioni di una variabile reale. Integrali definiti e integrali impropri.
<p>Attività didattiche previste</p>	<p>Il corso si sviluppa in una serie di lezioni frontali, dedicate sia alla presentazione degli argomenti di teoria, che alla loro applicazione in forma di esercizi.</p> <p>La presentazione degli argomenti sarà svolta alla lavagna e supportata dall'ausilio di software di calcolo e di visualizzazione grafica. Per la parte teorica si userà come riferimento il testo riportato in bibliografia. Durante il corso saranno inoltre proposti fogli di esercizi agli studenti. Ogni attività svolta nel corso verrà documentata sul sito web.</p>
<p>Risultati di apprendimento attesi</p>	<p>Intended Learning Outcomes (ILO)</p> <p><u>Conoscenza e comprensione</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Conoscenza e comprensione degli aspetti metodologici ed operativi della matematica, in particolare dei concetti generali e degli strumenti di base del calcolo infinitesimale, differenziale ed integrale per funzioni reali di una variabile reale. <p><u>Capacità di applicare conoscenza e comprensione</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 2. Capacità di applicare ed usare strumenti matematici nella descrizione di problemi ingegneristici. 3. Capacità di un uso non meccanico ma critico delle tecniche di calcolo. <p><u>Autonomia di giudizio</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 4. Capacità di valutare le caratteristiche del problema da risolvere, ottenerne un corretto inquadramento

	<p>teorico e operare la scelta del metodo più consono alla sua soluzione.</p> <p><u>Abilità comunicative</u></p> <p>5. Capacità di un uso corretto del linguaggio matematico.</p> <p><u>Capacità di apprendimento</u></p> <p>6. Abilità nell'applicare un ragionamento di tipo analitico nell'approccio alla risoluzione dei problemi.</p>
--	--

Metodo d'esame	<p>L'esame finale consiste in:</p> <ul style="list-style-type: none"> - una prova scritta composta da esercizi di verifica della comprensione dei concetti teorici e dell'acquisizione delle relative tecniche di calcolo; - la successiva discussione della prova corretta.
-----------------------	--

Lingua dell'esame	Italiano
--------------------------	----------

Criteri di misurazione e criteri di attribuzione del voto	<p>Il voto finale attribuito è unico. Per la prova scritta sono valutate la chiarezza nello schema di risoluzione, l'appropriatezza della metodologia scelta per risolvere i problemi e la precisione nella sua applicazione. Eventuali errori e/o omissioni segnalati nella correzione verranno poi discussi con lo studente.</p>
--	--

Valutazione formativa

Forma	Lunghezza/Durata	ILO valutati
Esercizi in classe	4 x 60 minuti	1-6

Valutazione sommativa

Forma	%	Lunghezza/Durata	ILO valutati
Esame scritto	60%	6 esercizi (120 minuti)	1, 2, 3
Esame scritto	35%	2 esercizi (60 minuti)	3, 4, 6
Discussione dello scritto (facoltativa)	5%	5-10 minuti	5, 6

Bibliografia fondamentale	<p>C. Canuto, A. Tabacco "Analisi Matematica I", Springer Verlag Italia, 2014. (Print: ISBN: 88-470-5722-1 Online: Ebook Springer)</p>
----------------------------------	--

Bibliografia consigliata	<p>Altri riferimenti bibliografici per approfondimenti o esercizi (consultabili nella biblioteca dell'Università) potranno essere suggeriti durante il corso, anche in lingue diverse da quella ufficiale. In ogni caso lo studente potrà fare riferimento al sito del corso per ogni informazione a riguardo.</p>
---------------------------------	--

Syllabus

Course description

Course title	Mathematical Analysis I
Course code	42123
Scientific sector	MAT/05
Degree	Bachelor in Industrial and Mechanical Engineering (L-9)
Semester	1 st
Year	1 st
Academic year	2023-2024
Credits	10
Modular	No

Total lecturing hours	64
Total lab hours	
Total exercise hours	33
Attendance	Recommended
Prerequisites	Preparatory course in Mathematics
Course page	https://ole.unibz.it/course/view.php?id=10767

Specific educational objectives	<p>The course is part of basic didactic activities and in particular in the disciplinary sector "Mathematics, Informatics and Statistics". The course is compulsory.</p> <p>It is an introductory course, devoted to the basic notions of mathematical analysis, in particular of infinitesimal, differential and integral calculus for real functions of one real variable. The objective is not only to convey a set of notions and tools, but also to acquire a deeper understanding of the mathematical concepts from which they are derived. This is fundamental in order to be able to use learned techniques in a rational way and to apply them to other technical and scientific subjects.</p>
--	---

Lecturer	Prof. Laura Levaggi, Building K, Office 2.14, e-mail: laura.levaggi@unibz.it , tel. 0471 017131
Scientific sector of the lecturer	MAT/05
Teaching language	Italian
Office hours	Monday to Friday by appointment.
Teaching assistant (if any)	
Office hours	
List of topics	<ul style="list-style-type: none"> <i>Real functions, limits and continuity in one variable</i> <p>Elements of set theory, number sets and properties of real numbers. Real functions of one real variable: elementary functions, graphs and operations on graphs, composition and inversion. Sequences and limits for</p>

	<p>sequences. Limits and continuity of functions. Infinite and infinitesimal functions: Landau symbols and rate of convergence.</p> <ul style="list-style-type: none"> • <i>Differential calculus of real valued functions in one variable.</i> Tangent to a graph and first derivative. Rules of differentiation. Differentiability and singular points. Theorems of Rolle and Lagrange. Absolute and relative extrema. Higher-order derivatives. Qualitative study of a function. • <i>Local comparison of functions and Taylor expansions in one variable.</i> Taylor formulas. Expansions of elementary functions and algebraic techniques to determine Taylor polynomials. Local analysis and limits calculation using Taylor expansions. • <i>Real sequences and numerical series.</i> Convergence criteria for numerical real series. Fundamentals of Taylor series • <i>Integral calculus of real valued functions in one variable.</i> Antiderivatives and rules of indefinite integration for functions in one real variable. Definite and improper integrals.
Teaching format	<p>The course is made up of a series of frontal lectures, both devoted to the presentation of theoretical concepts and to their application in exercises.</p> <p>Topics will be presented on the blackboard and explanations will be supported by the use of software, both in analysing calculations and for the graphical visualization. The reference textbook for theory is cited in the bibliography. During the course lists of exercises will be made available to the students. Each of the activities carried out during the course's hours will be documented on the web site.</p>

Learning outcomes	<p><u>Knowledge and understanding</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Knowledge of the fundamental concepts and basic tools of infinitesimal, differential and integral calculus for real functions of one real variable. <p><u>Applying knowledge and understanding</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 2. Ability to apply and use mathematical tools for the description of engineering problems. 3. Mastering of a methodology of non-mechanical, rational application of calculus techniques. <p><u>Making judgements</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 4. Ability to evaluate the characteristics of the problem to be solved, set it in the correct theoretical framework and subsequently choose the most suitable method to get to its solution. <p><u>Communication skills</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 5. Mastery of the use of the specific mathematical lexicon.
--------------------------	--

	<p><u>Learning skills</u></p> <p>6. Capability to a rational, analytical approach in handling problems.</p>																						
Assessment	<p>The final exam consists of:</p> <ul style="list-style-type: none"> - a written examination, with exercises about the topics covered during the course, that aims at verifying the understanding of the theory and the ability in using the relevant calculus techniques; - the subsequent discussion of the corrected test. 																						
Assessment language	Italian																						
Evaluation criteria and criteria for awarding marks	<p>A single final mark will be given.</p> <p>For the written examination the following will be evaluated: clarity of the solution scheme, appropriateness of the methodology chosen in solving the problems and correctness of its application. Any errors and omissions underlined during the correction will be discussed with the student.</p> <p>Formative assessment</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Form</th> <th>Length /duration</th> <th>ILOs assessed</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>In class exercises</td> <td>4 x 60 minutes</td> <td>1-6</td> </tr> </tbody> </table> <p>Summative assessment</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Form</th> <th>%</th> <th>Length /duration</th> <th>ILOs assessed</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Written exam</td> <td>60%</td> <td>6 exercises (120 minutes)</td> <td>2, 3, 4</td> </tr> <tr> <td>Written exam</td> <td>35%</td> <td>2 exercises (60 minutes)</td> <td>3, 4, 6</td> </tr> <tr> <td>Discussion of the written exam (optional)</td> <td>5%</td> <td>5-10 minutes</td> <td>5, 6</td> </tr> </tbody> </table>	Form	Length /duration	ILOs assessed	In class exercises	4 x 60 minutes	1-6	Form	%	Length /duration	ILOs assessed	Written exam	60%	6 exercises (120 minutes)	2, 3, 4	Written exam	35%	2 exercises (60 minutes)	3, 4, 6	Discussion of the written exam (optional)	5%	5-10 minutes	5, 6
Form	Length /duration	ILOs assessed																					
In class exercises	4 x 60 minutes	1-6																					
Form	%	Length /duration	ILOs assessed																				
Written exam	60%	6 exercises (120 minutes)	2, 3, 4																				
Written exam	35%	2 exercises (60 minutes)	3, 4, 6																				
Discussion of the written exam (optional)	5%	5-10 minutes	5, 6																				
Required readings	<p>Textbook:</p> <p>C. Canuto, A. Tabacco "Analisi Matematica I", Springer Verlag Italia, 2014. (Print: ISBN: 88-470-5722-1 Online: Ebook Springer)</p> <p>An english version of the text is also available:</p> <p>C. Canuto, A. Tabacco, "Mathematical Analysis I", Springer International Publisher, 2015. (Print: ISBN: 978-3-319-12771-2 Online: Springer Ebook)</p>																						
Supplementary readings	<p>Other bibliographic references for exercises or further study (available at the University library) may be suggested during the course, also in languages different from the official one. The student can refer to the web site of the course for any related information.</p>																						